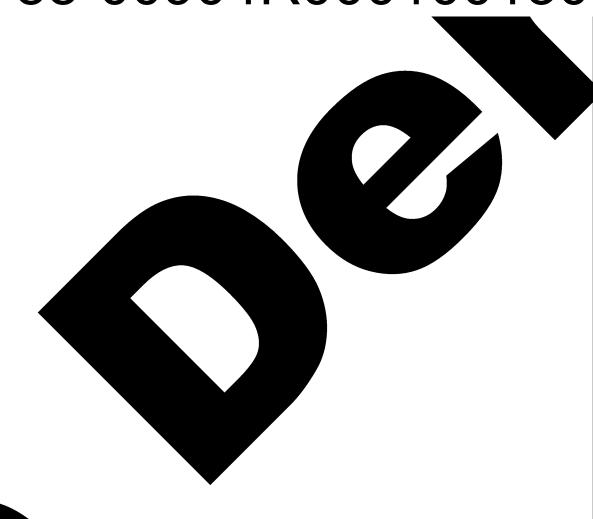
# Approved For Release STAT 2009/08/31 :

CIA-RDP88-00904R000100130



Approved For Release 2009/08/31 :

CIA-RDP88-00904R000100130





# Вторая Международная конференции Организации Объединенных Наций по применению атомной энергии в мирных целях

A/CONF/15/P/ CUSSR
ORIGINAL: RUSSIAN

Не подлежит оглашению до официального сообщения на Конференци.

## ОБ АСИММЕТРИИ ДЕЛЕНИЯ ЯДЕР

#### Б.Т.Гейликман

В последнее время были предложены два наиоолее интересных объяснения асимметрии деления ядер. Носов (I), а также Бусинаро и Галлоне (2) на основе только капельной модели показали, что ядро после прохождения через седловую точку, но, по-видимому, до разрыва шейки, становится неустойчивым по отношению к асимметричным деформациям  $\mathcal{O}_3$ ; т.е. при некотором значении симметричной деформации  $\mathcal{O}_2 = \mathcal{O}_{2k}$ 

$$\frac{\partial^{2}U(\mathcal{O}_{2},\mathcal{O}_{3},\dots)}{\partial \mathcal{O}_{3}^{2}}\Big|_{\substack{\alpha_{2}=\alpha_{2},k\\\alpha_{3}=0}}=0; \quad \text{при} \quad \mathcal{O}_{2} < \mathcal{O}_{2k}$$

$$\frac{\partial^{2}U}{\partial \mathcal{O}_{3}^{2}}\Big|_{\substack{\alpha_{3}=0\\\alpha_{3}=0}}>0; \quad \text{при} \quad \mathcal{O}_{2} > \mathcal{O}_{2k} \quad \frac{\partial^{2}U}{\partial \mathcal{O}_{3}^{2}}\Big|_{\alpha_{3}=0}<0$$
вк показано /I/ эта неустойчивость является абсолютной

Как показано /I/ эта неустойчивость является абсолютной при  $\mathcal{O}_2 > \mathcal{O}_{2k}$  , для любых  $\mathcal{O}_5 \neq 0$  энергия уменьшается с увеличением  $|\mathcal{O}_5|$ .

Нетрудно видеть, однако, что такая абсолютная неустойчивость отношению к  $\mathcal{O}_3$  вряд ли может объяснить наблюдаемую на опите асимметрию деления. В случае деления вблизи порога ядро в седловой точке имеет небольщую энергию  $\leqslant$  I Мэв, поэтому в этой точке осциллятор, соответствующий степени свободи  $\mathcal{O}_3$ , находится в нувевом состоянии. Ввиду квазистатичности процесса деформации после седловой точки (3,4), вероятность возбуждения осциллятора  $\mathcal{O}_3$  очень мала. Поэтому, чтобы найти распределение по  $\mathcal{O}_3$  в точке

25 YEAR RE-REVIEW

Фонг (6,7) выдвинул другое объяснение асимметрии деления; он предположил, что вероятность деления определяется только статистическим весом конечного состояния. При этом он основывался на идее Гепперт-Майер о том, что при образовании магических и околомагических осколков выделяется большая энергия, чем при образовании немагических осколков в случае симметричного деления. Так как статистический вес резко увеличивается при увеличении энергии возбуждения осколков, то вероятность деления оказывается наибольшей при асимметричном делении, приводящем к магическим осколкам. Однако при делении вблизи порога вряд ли можно считать, что вероятность процесса полностью определяется статистическим весом  $\wp_{\rm E}$  (8). Как известно, по теории возмущений вероятность процесса (W) равна:  $W = 2\pi |V_{\alpha\beta}|^2 \rho_E/\hbar$ 

Если энергия очень велика, то ввиду экспоненциальной зависимости  $\rho_{\mathbf{E}}$  от  $\mathbf{E}$  можно пренебречь более медленно меняющимся множителем — квадратом матричного элемента  $|V_{\alpha\xi}|^2$ ; вблизи порога, однако, оба множителя играют одинаковую роль. Эти соображения остаются качественно справедливнми и в том случае, если не пользоваться теорией возмущений.

Ньютон (9) обратил внимание на другой недостаток работы Фонга. В (7) предполагалось, что плотность состояний для всех пар осколков определяется по одной и той же формуле. Между тем для магических осколков плотность состояний при той же энергии возбуждения меньше, чем для немагических осколков. Этот эффект, благоприятствующий симметричному делению, компенсирует, а может быть даже пере-

Approved For Release 2009/08/31: CIA-RDP88-00904R000100130045

вешивает эфрект выигрыма энергии в случае магических осколков. Следует заметить, наконец, что в (7) очень неточно вычисляется энергия кулоновского взаимодействия осколков. В частности, в (7) принимается, что для осколков  $\mathcal{O}_2^{\text{оск}} = 0$  и только  $\mathcal{O}_3^{\text{оск}} \neq 0$ . Ниже будет ноказано, что в точке разрыва шейки для осколков  $\mathcal{O}_2^{\text{оск}} > \mathcal{O}_3^{\text{оск}} > \mathcal{O}_3^{\text{оск}}$ . При точном учете кулоновской энергии зависимость энергии возбуждения от отношения масс осколков после максимума, соответствующего асимметричному делению, оказывается существенно другой, чем в (7). В (7) было вычислено распределение масс осколков для  $U^{236}$  но). При этом получилось хорошее согласие с экспериментальным: данными. Но в (40) для  $\mathcal{P}_u^{240}$  на основе статистической теории была найдена четырехгорбая кривая или (после внесения изменений в формулу фонга) дв горбая кривая, не согласующаяся с экспериментом.

Бесспорно, однако, что осолочечные эффекты играют существенную роль в процессе деления. По-видимому, именно поэтому одна капельная модель, использованная в (I,2), че смогла объяснить асимметрию деления. Но при учете оболочечных эффектов следует рассмотреть динамику процесса деления полностью, а не ограничиваться только статистическим рассмотрением.

Для полного решения вопроса необходимо знать энергию ядра  $U(d_o,d_\star)$  до разрыва шейки с учетом оболочечных эффектов, чак функцию 012,013 (при описании формы ядра мы ограничимся параметрами  $\mathcal{O}_{\mathfrak{o}},\mathcal{O}_{\!\!4}$  ,  $\mathcal{O}_{\!\!2}$  ,  $\mathcal{O}_{\!\!3}$  . Наибольший интерес представляет зависимость  $\mathcal{V}$  $\mathcal{O}\!\!t_3$  волизи точки разрыва шейки. Энергию в этой области можно оценить следующим образом. Если шейка достаточно тонкая, можно считать, что в каждой половине ядра уже образовались оболочки, так как процесс деформации после седловой точки близок к квазистатическому (3,8). Ниже будет показано, что деформация каждой половины ядра, т.е. будущего осколка, по сравнению со сферой равного объема не очень велика ( $\alpha_2^{\text{оск}} \sim 0,35-0,38, \alpha_3^{\text{оск}} \lesssim 0,1$ ). Поэтому энергию исходного ядра вблизи точки разрыва шейки можно представить в виде суммы: І) энергии двух сферических ядер ( с атомными весами будущих осколков) согласно формуле Вайцзекера с учетом оболочечных эффектов, 2) энергии деформации этих двух ядер и 3) энергии. кулоновского взяимодействия двух деформированных ядер. Энергии

кулоновского взаимодействия двух соприкасающихся деформированных ядер как функция их параметров деформации  $\mathcal{O}_2^{(i)}$ ,  $\mathcal{O}_3^{(i)}$ ,  $\mathcal{O}_2^{(2)}$ ,  $\mathcal{O}_3^{(2)}$  (с точностью до квадратичных членов по  $\mathcal{O}_2^{(i)}$ ,  $\mathcal{O}_3^{(i)}$  была ранее вычислена в (3) ( в (3) имеются 2 опечатки).

Формула Вайцзекера с учетом оболочечных эффектов была предложена в (7) и (II). Обе формулы вряд ли можно считать достаточно точными. Но для получения качественных результатов они вполне пригодны. Мы воспользовались формулой Фонга (7). Энергия деформации будущих осколков в квадратичном приближении была найдена еще Бором и Уилером (I2). Итак, энергия исходного япра вблизи точки разрыва шейки будет иметь вид:

$$\begin{split} \mathcal{U} &= M_{4}(A_{4},Z_{4}) + M_{2}(A_{2},Z_{2}) + \mathcal{U}_{\partial 4} + \mathcal{V}_{\partial 2} + \mathcal{V}_{\mathcal{B}_{5}}; \\ M(A,Z) &= \Big\{ 931 \Big[ 1,01464 \, A + 0,014 \, A^{2/5} - 0,044905 \, Z_{A} + \\ &+ 0,0141905 \, \big( Z - Z_{A} - \Delta Z \big)^{2} / Z_{A} + \Delta M_{A} - 10^{-5} + \delta_{A} \, \Big] + \mu \Big\} \quad \text{M3B} \; , \\ \text{ГДе} \quad Z_{A} &= A \, \big( 1,98067 + 0,0149624 \, A^{2/5} \big)^{-1} \; ; \end{split}$$

$$\begin{split} \delta_{A} &= \frac{0,036}{A^{\frac{3}{4}}} \times \left\{ \begin{array}{l} 1 & \text{Tethoe A, herethoe'Z} \\ 0 & \text{herethoe A} \\ -1 & \text{tethoe A, rethoe Z} \end{array} \right. \begin{array}{l} \mu = -2.0 & \text{tag A-Z} = 50 & \text{hm} & 82 \\ \mu = -1, -1 & \text{tag Z} = 50 & \text{h} & \mu = 0 \\ -1 & \text{tethoe A, rethoe Z} \end{array} \right. \\ U_{6s} &= \frac{Z_4 Z_2 e^2}{C_0 V_0} \left\{ 1 + \frac{3}{50^2} \sum_{i=1}^2 C_2^{(i)} A_i^{\frac{3}{4}} + \frac{5}{70^3} \sum_{i=1}^2 C_3^{(i)} A_i + \frac{3}{70^3} \sum_{i=1}^2 C_3^{(i)} A_i + \frac{3}{70^2} \sum_{i=1}^2 \left[ C_2^{(i)} \right]^2 \left( \frac{8}{15} A_i^{\frac{3}{4}} + \frac{5}{41} A_i^{\frac{3}{4}} + \frac{1}{429} A_1^{\frac{3}{4}} A_1^{\frac{3}{4}} + \frac{5}{25} C_2^{(i)} C_3^{(i)} C_3^{(i)} \left( \frac{4A_i}{70^5} + \frac{5}{11} \frac{A_i^{\frac{3}{4}}}{0^5} \right) + \frac{18}{70^5} \left( C_2^{(i)} C_2^{(2)} A_4^{\frac{3}{4}} A_2 + \frac{1}{25} C_2^{(i)} C_2^{(i)} C_2^{(i)} C_2^{(i)} A_1^{\frac{3}{4}} A_2^{\frac{3}{4}} \right) + \frac{5}{25} C_2^{(i)} C_2^{(i)} C_2^{(2)} A_1^{\frac{3}{4}} A_2^{\frac{3}{4}} A_2^{\frac{3}{4}} A_2^{\frac{3}{4}} A_2^{\frac{3}{4}} + \frac{180}{4^2} C_3^{(i)} C_3^{(i)} C_3^{(i)} C_3^{(i)} A_4 A_2^{\frac{3}{4}} A_2^{\frac{3}{4}} C_3^{\frac{3}{4}} C_3^{\frac{3}{4}} A_2^{\frac{3}{4}} A_2^{\frac{3}{4}} C_3^{\frac{3}{4}} C_3^{\frac{3}{$$

 $d = \alpha v_o -$ расстояние между центрами тижести осколков  $E_{01} = \frac{\ell^2}{V_0} \left\{ \frac{3}{25} \left( \epsilon A_4^{\frac{2}{3}} - \frac{Z_4^2}{A_2^{\frac{1}{3}}} \right) \left[ \alpha_2^{(1)} \right]^2 + \frac{3}{14} \left( \epsilon A_4^{\frac{2}{3}} - \frac{4}{7} \frac{Z_4^2}{A_2^{\frac{1}{3}}} \right) \left[ \alpha_5^{(1)} \right]^2 \right\};$  $\varepsilon = 48$ 

Графическая зависимость для  $\Delta \mathcal{Z}_{\mathbf{A}}$  и  $\Delta \mathcal{M}_{\mathbf{A}}$  , найденная на основе анализа экспориментальных данных, приведена в (7).

Для того чтобы найти  $d_2^{(i)}$ ,  $d_3^{(i)}$  для данного  $A_4/A_2$  , мы воспользуемся выражением для формы деформированного делящегося ядра, найденной при помощи численных расчетов Франкелем и Метрополисом (4). В (4) форма ядра была для симметричной деформации на основе только капельной модели. Однако при симметричном делении оболочечные эффекты несущественны (осколки далеки ст магических); при несимметричном же делении  $\alpha_3$  очень малы ( $\alpha_3 \le 0,1$ ; см. ниже) поэтому и в этом случае форма ядра мало отличается от найденной в (4). Заметим, что вообще форма ядра не очень чувствительна к конкретному виду энергии ядра, так как она определяется в значительной мере чисто геометрическими факторами. Как показано в (4) и (5), форма ядра при любой симметричной деформации ядра имеет вид  $\frac{\mathcal{C}(\vartheta)}{\mathcal{Q}} = \mathbb{C}\left[1 + \sum_{\ell=0}^{4} \mathcal{Q}_{2\ell} \mathcal{Q}_{2\ell} (\cos \vartheta)\right]$ ,  $\alpha_0 = -y^2 [1,06 + 9,76 \cdot 10^{-4} (0,49 - y)^{-4}]; \quad \alpha_2 = y [2,3 + 5,42 \cdot 10^{-4} (0,49 - y)^{-4}],$  $\alpha_4 = y^2 \{1.6 + y[3.0 + 2.84 \cdot 10^{-3}(0.49 - y)^{-4}]\};$   $\alpha_6 = -2.36 \cdot 10^{5}(0.49 - y)^{-4};$ 

 $O_{18} = -4.72 \cdot 10^{-5} (0.49 - 4)^{-4}$ ,

где у - параметр, определяющий деформацию ядра; С - норыировочная постоянная. Ввиду малости  $lpha_6$  и  $lpha_8$  мы будем в дальнейшем пренебрегать ими.

Найдем У=Ум, для которого толщина шейки равна нулю. Ук = 0,36.

Далее допустим, что в выражение  $\frac{v(\vartheta)}{QQ}$  дооавлены слагаемые  $\mathcal{O}_3[Q] = \frac{3}{2}Q_3(\cos\vartheta) + \frac{3}{2}Q_4(\cos\vartheta) = \frac{5}{2}Q_3\cos^3\vartheta$  при этом по-прежнему  $\mathcal{G}_k = \frac{3}{2}Q_4(\cos\vartheta) + \frac{3}{2}Q_4(\cos\vartheta) = \frac{5}{2}Q_4(\cos\vartheta)$ O,36. Если  $lpha_{s}$  невелико, то полученная при этом форма ядра близка к истинной. Для каждого значения  $lpha_{\mathfrak{z}}$  находим  $\mathfrak{C}$  $\int_{-1}^{+1} [r(w)/R]^3 d\mu = 2$ . Далее, для каждого значения  $d_3$  находим отношение объемов

двух частей ядра, т.е. отношение атомных весов будущих осколков

 $A_4/A_2$  (напр.  $A_4/A_2$  =0,6 при  $O_3$  =0,07). Для каждого значения  $A/A_2$ легко найти расстояния от начала координат (т.е. точки, в которой толщина шейки равна нулю) до центров тяжести обоих осколков и  $d_5 = \theta_3 \pi_0 A^{4/3}$  (A=A<sub>4</sub>+A<sub>2</sub>) и коэффициенты разложения раd = 6 7 A1/3 диусов-векторов будущих осколков  $\mathcal{C}_{4}(\vartheta_{4})$  и  $\mathcal{C}_{2}(\vartheta_{2})$  по полиномам Лежандра от  $\eta = 0$  до  $\eta = 3$  относительно начала координат, помещенного в центре тяжести (рис. I). Функции  $\tau_4(\vartheta_4)$  и  $\tau_6(\vartheta_2)$  нормированы на объем сфер с атомными весами  $A_4$  и  $A_2$  . Значения  $\alpha = (b_4 + b_2) A^{1/3}$ ,  $\mathfrak{Q}_{2}^{(i)},\mathfrak{Q}_{3}^{(i)},\mathfrak{Q}_{2}^{(2)},\mathfrak{Q}_{3}^{(2)},$  входящие в (2), для каждого эначения  $\mathbb{A}_{4}/\mathbb{A}_{2}$  взяты из графиков  $\mathcal{C}_{4}(A_{4}/A_{2})$ ,  $\mathcal{C}_{2}(A_{4}/A_{2})$ ,  $\mathcal{C}_{3}^{(i)}(A_{4}/A_{2})$ ,  $\mathcal{C}_{5}^{(i)}(A_{4}/A_{2})$ , где  $\theta_4 = \theta_2 = I$ ,48 при  $A_4 = A_2$ ,  $Q_2^{(4)} = Q_2^{(2)} = 0$ ,355,  $Q_3^{(4)} = Q_3^{(2)} = 0$ ,075;  $\mathbb{Z}_{4}$  и  $\mathbb{Z}_{2}$  для каждой пары значений  $\mathbb{A}_{4}$  и  $\mathbb{A}_{2}$  вычислены по формуле  $\mathbb{Z}/\mathbb{Z}_2 = \mathbb{A}_1/\mathbb{A}_2$ и затем на кулоновское отталкивание внесены поправки, которые несколько увеличивают  $\pi_i$  для меньшего  $A_i$  . Численные расчеты энергии  $\Delta U(A_4/A_2) = U(A_4/A_2) - U(4)$  в настоящее время закончены для  $Du^{240}$ ,  $Cm^{242}$ ,  $C^{252}$ ,  $C^{252}$ ,  $C^{243}$ . Результаты вычислений  $\Delta \bar{U}$ показаны на рис. 2,3.

При значениях  $A_2/A_4$ , превышающих 2, расчеты  $\Delta U$  становятся весьма неточными, так как при этом  $O_2^{(4)}$  и  $O_2^{(2)}$  оказываются уже не очень малыми и, кроме того, форма исходного ядра, полученная из симметричной формы Франкеля и Метрополиса добавлением асимметричной деформации  $O_3$ , может заметно отличаться от истинной.

Как видно из рис. 2, энергия ядра в точке разрыва шейки имеет минимум при  $A_1/A_2$ , не равном единице. Для  $Pw^{240}$  минимум соответствует  $A_1/A_2\simeq 0.8$ , для  $Cm^{242}$   $A_4/A_2\sim 0.85$ .

По-видимому, положение минимума при увеличении  $\mathbb{Z}^2/A$  сдвигается в сторону  $A_4/A_2=I$  и для  $\mathbb{C}^2\mathbb{Q}^{252}$  и  $\mathbb{C}^2\mathbb{Q}^{248}$  минимум  $\Delta U$  соотьетствует уже  $A_4/A_2=I$ , т.е. симметричному делению. Согласно эмпирической формуле Святецкого разность атомных весов осколков, соответствующих двум максимумам двугорой кривой, равна:  $M_2-M_4=0.09\,(40.2\pm0.7-\mathbb{Z}^2/A)^{3/2}\,A\,\mathrm{L}^{45}$ ] т.е.  $M_2-M_4$  уменьшается с увеличением  $\mathbb{Z}^2/A$ . Однако согласно (13) деление должно стать симметричным лишь при  $\mathbb{Z}^2/A \sim 40.2$ , а не при  $\mathbb{Z}^2/A = 38.1$ , как для  $\mathbb{C}^2\mathbb{Q}^{252}$ .

Наши расчеты являются очень грубыми и на большую точность пока претендовать не могут. Деформации будущих осколков не очень малы  $(O_2^{(4)} \simeq 0,35)$  и представление энергии каждого осколка как

суммы энергии сферического ядра с учетом оболочечных эффектов и энергии деформации в квадратичном приолижении по  $\mathcal{O}_2^{(\mathfrak{t})}, \mathcal{O}_5^{(\mathfrak{t})}$  нельзя считать точным.

Однако, если в действительности у деформированных ядер оболочки сдвигаются и будут соответствовать, по-видимому, несколько другим  $\mathbb{Z}_1$ ,  $\mathbb{A}_4$  и  $\mathbb{Z}_2$ ,  $\mathbb{A}_2$ , то для качественных выводов о существенной роли оболочечных эффектов достаточен и такой грубый расчет. Заметная неточность вносится также тем, что при вычислении энергии деформации и кулоновского взаимодействия мы ограничились квадратичным приближением. Эта неточность может быть устранена, если в качестве исходного приближения взять не сферу, а эллипсоид (поскольку наибольшую величину имеет симметричная деформация  $\mathbb{C}_2$  (1,2). Однако наибольшая погрешность возникает из-за неточности формулы Вайцзекера с учетом оболочечных эффектов, в особенности из-за больших ошибок в определении параметра  $\mathbb{A}_A$  Получение более точной формулы Вайцзекера сделает возможным более надежное вычисление энергии ядра в области перед разрывом шейки.

Таким образом, мы нашли зависимость энергии исходного ядра от асимметричной деформации непосредственно перед разрывом шейки. Можно такие же расчеты произвести для делящегося ядра с диаметром шейки, отличным от нуля. Разумеется, при достаточно большом диаметре шейки изложенный выше метод вычисления энергии ядра непригоден. Однако уже из выражения энергии в точке разрыва шейки виднодля Рогом и Сториментричной деформации об , которая получается в канельной модели (I,2) олагодаря оболочечным эффектам, происходит раздвоение центральной ложбинки на поверхности энергии. К сожалению, мы не можем найти точку раздвоения ложбинки. Если оболоченые эффекты играют роль и при не очень малой толщине шейки, то соответствующее значение Сборы может оказаться меньше, чем в капельной модели.

Ввиду наличия ложбинок при расплывании пакета для  $\mathcal{O}_3$  после  $\mathcal{O}_2=\mathcal{O}_{2k}$ , помимо понижения максимума при  $\mathcal{O}_3=0$ , будут возникать новые максимумы  $\psi$  —функции  $\psi(\mathcal{O}_3)$  при значениях  $\mathcal{O}_3=\mp\mathcal{O}_3^{\circ}(\mathcal{O}_2)$ , соответствующих положению ложбинок. Если расстояние от  $\mathcal{O}_{2k}$  до  $\mathcal{O}_{2p}$  достаточно велико, то в точке разрыва шейки  $\mathcal{O}_{2p}$  максишум при

 $(\mathfrak{A}_3$  =0 будет значительно меньше, чем максимум при  $(\mathfrak{A}_3=\mp \mathfrak{A}_3^{\circ}(\mathfrak{A}_{2p})$  (или совсем будет отсутствовать). Это расстояние от  $\mathfrak{A}_{2k}'$  до  $\mathfrak{A}_{2p}$ изиду наличия минимумов энергии при  $\mathcal{O}_3 = \mp \mathcal{O}_5^{\circ}(\mathcal{O}_2)$  может быть значительно меньше, чем расстояние от  $d_{2k}$  до  $d_{2p}$  для расплывания центрального максимума до тех же значений в случае отсутствия ложбинок. К сожалению, ввиду того, что пока нельзя вычислить энергию идра как функцию  $\mathcal{O}_2$ ,  $\mathcal{O}_3$  при всех значениях  $\mathcal{O}_2$  можно рассмотреть лишь предельный случай, соответствующий достаточно большому perceronnuo de de de В этом случае можно принять, что центральный мажеммун не играет роли и тогда распределение осколков по массам будет определяться квадратом нулевой ψ -функции осциллятора водизи  $\mathcal{J}_s = \mathcal{O}_s^{\circ}(\mathcal{O}_{2p})$  в точке разрыва шейки  $\left[\varphi_{\circ}(\mathcal{O}_s,\mathcal{O}_{s^{\circ}}(\mathcal{O}_{2p})\right]^2$  , т.е. гауссовым распределением. При более точном вичислении  $\triangle U(A_1/A_2)$ можно было бы найти параметры этого гауссова распределения.

Следует заметить, что объяснения асимметрии деления, исходящие из анализа состояния ядра в седловой точке, всегда являются неполными, так как реальное разделение масс происходит в точке разрыва шейки. Поэтому, если в седловой точке энергии ядра благоприятствует определенному разделению масс, то оно будет реально осуществляться лишь в том случае, если и в точке разрыва шейки энергия ядра будет соответствовать такому же разделению масс. Таким образом, решающию роль в разделении масс играет область вблизи точки разрыва шейки.

Найденный выше вид энергии  $U(\alpha_2, \alpha_3)$  при  $\alpha_2 > \alpha_{24}$ ствует делению вбливи порога. Если деление происходит с высокого уромия возбуждения ядра, для которого оболочечные эффекты очень моли, то, очевидно, энергия ядра U будет определяться капельной моделью (1,2), т.е. деление, как показано выше, будет симметричным. Этим, по-видимому, объясняется быстрый рост симметричного деления при увеличении энергии возбуждения ядра (более быстрый, чан тот, который можно ожидать из простых соображений, основанных на отклистике /3,8/ ). При анализе экспериментальных данных следует различать ядра, для которых нейтронная ширина  $\Gamma_n$  больше ширини долинии  $\Gamma_{\ell}$  и идра, для которых  $\Gamma_{n} < \Gamma_{\ell}$ . Первые ядра соответствуют обычно  $x < x_o$  а вторые  $x > x_o$  ;  $x_o$  - некоторое криимческое вначение параметра  $x=(x^2/A)/(x^2/A)_{k\rho}$  . При  $x=x_o-\Gamma_{\varrho}\sim\Gamma_{h}$  . В одучае возбужденного ядра при  $\infty < \infty_{\bullet}$ 

в основном проис-

ходит испускание определенного числа нейтронов и с малой вероятпостью деление. Если эпергия возбуждения достаточно велика, чтобы после испускания всех неитронов параметр  $\infty$  стал равным  $\infty_{\mathbf{o}}$  , то в конце с большой вероятностью будет происходить делечие холодного ядра (эмиссионное деление). В этом случае будет наблюдаться наложение симметричного деления за счет деления с малой вероятпостью, но ( в большом числе случаев) после испускания каждого нейтрона в возбужденном состоянии, и за счет асимметричного деления холодного ядра. Точный расчет распределения масс, разумеется, вряд ли возможен. Зели онергия возбуждения невелика, то деление молодного ядра с большой вероятностью невозможно и деление будет симметричным. По-видимому, этим объясняется симметричний харакпод действием дейтронов с энергисй 22 тов /14/ тер деления Ві под действием ионов азота с энергией II5 Мэв /15/ и деление Аи

Если для исходного ядра  $\infty > \infty_c$ , то в начале с большей вероятностью будет происходить деление из возбужденного состояния, а не испускание нейтронов. Ввиду этого вклад симметричного деления в этом случае должен быть еще больше, чем при  $\infty < \infty_c$ , но количественное соотношение между симметричным и асимметричным делением и в этом случае зависит от величини энергии возбуждения.

В заключение виракаю благодарность С.Т.Беллеву и А.Б.Мигдалу за интересную дискуссию и Т.В.Новиковой за проведение численных расчетов.

### приложение

Найдем энентию электростатического взаимодействия двух деформированных ядер с атомными весами  $A_4$  и  $A_2$  и порядковими номерами  $\mathbb{Z}_4$  и  $\mathbb{Z}_2$ , центры тяжести которых находятся на расстоянии  $A_4$  и  $A_4$  друг от друга.

Уравнения поверхности ядер имеют вид 
$$v_4(\vartheta) = R_4 \left[1 + \sum_{n=4}^{3} \alpha_n^{(i)} P_n (\cos \vartheta)\right]$$

$$\eta_2(\vartheta) = P_2 \left[ 1 + \sum_{n=1}^{3} \alpha_n^{(2)} P_n(\cos \vartheta) \right]$$

$$R_{1} = r_{0} A^{1/5}$$

$$R_{2} = r_{0} A^{1/5}$$

$$r_{0} = 1.2 \cdot 10^{-15} \text{ cm}.$$

При внчислении энергии взаимодействия мы будем ограничиваться членами второго порядка по  $\mathcal{O}_n^{(i)}$ ,  $\mathbb B$  этом приближении  $\mathcal{O}_o^{(i)}$  и  $\mathcal{O}_4^{(i)}$  выражается из условий сохранения объема и положения центра тяжести ядер следующим образом:  $\mathcal{O}_o^{(i)} = -\sum \frac{2}{2n+1} \mathcal{O}_n^{(i)}$ ;  $\mathcal{O}_4^{(i)} = \dots$ 

Потенциальная энергия второго ядра в поле первого равна (рис.4)

$$U_2 = \frac{1}{2} \int \mathcal{Q}_2(\tau_2) \, \psi_1(\Sigma_A) \, dV_2 \qquad \qquad \overline{\tau}_A = \overline{u} \, \overline{\tau}_o + \overline{\tau}_2$$

 $\phi_1$  - потенциал первого ядра внутри объема второго. Разложим  $\phi_1(|\alpha \overline{\tau}_0 - \overline{\tau}_2|)$  в ряд по степеням  $x_2$ ,  $y_2$ ,  $z_2$ ;

$$\begin{split} U_{2} &= \frac{3}{2} \frac{\mathcal{Z}_{2} \, e}{4 \pi R_{2}^{3}} \left\{ \phi_{1}(0) \frac{4 \pi}{3} \, R_{2}^{3} + \frac{1}{2} \left( \frac{\partial^{2} \phi_{1}}{\partial \mathcal{Z}_{2}^{0}} \right)_{\tilde{t}_{2} = 0} \right\} \left( \mathcal{Z}_{2}^{2} - x_{2}^{2} \right) dV_{2} + \\ &+ \frac{1}{6} \left( \frac{\partial^{3} \phi_{1}}{\partial \mathcal{Z}_{2}^{3}} \right)_{\tilde{t}_{2} = 0} \int \left( \mathcal{Z}_{2}^{2} - 3 \, \mathcal{Z}_{2} \, x_{2}^{2} \right) dV_{2} \right\} = \end{split}$$

$$= \frac{\pi_{2} \mathcal{C}}{2} \left\{ \phi_{1}(0) + \frac{3}{10} \frac{\partial^{2} \phi_{1}}{\partial \pi_{20}^{2}} \, \mathcal{R}_{2}^{2} \left[ \alpha_{2}^{(2)} + \frac{4}{7} (\alpha_{2}^{(2)})^{2} + \frac{8}{21} (\alpha_{3}^{(2)})^{2} \right] + \frac{1}{14} \, \frac{\partial^{3} \phi_{1}}{\partial \pi_{20}^{3}} \, \mathcal{R}_{2}^{3} \left( \alpha_{5}^{(2)} + \frac{4}{3} \alpha_{2}^{(2)} \alpha_{5}^{(2)} \right) \right\}$$

$$(A)$$

Найдем теперь потенциал  $\phi_{\!\!\!\!4}({}^{t}{}_{\!\!\!4})$  :

$$\begin{split} & \phi_{1} = \int \frac{\rho_{1} \, dV_{4}}{v_{A} \sqrt{1 - \frac{2z_{1}}{z_{A}} \cos \gamma + \frac{v_{4}z_{1}}{z_{A}z_{2}}}} = \frac{3}{2} \, \frac{z_{4}e}{R_{4}^{5}} \sum_{n} \int \frac{v_{4}^{n+2}}{v_{A}^{n+1}} \, d\mu \, dv_{4} P_{n}(\cos \vartheta_{4}) P_{n}(\cos \vartheta_{A}) \\ & = \frac{z_{4}e}{z_{A}} \left\{ 1 + \frac{5R_{4}}{5v_{A}} \left[ Q_{2}^{(4)} + \frac{4}{7} (Q_{2}^{(4)})^{2} + \frac{8}{21} (Q_{3}^{(4)})^{2} \right] P_{2}(\cos \vartheta_{A}) + \right. \\ & + \frac{3}{7} \, \frac{R_{4}^{5}}{v_{A}^{3}} \left( Q_{5}^{(4)} + \frac{4}{3} \, Q_{2}^{(4)} Q_{5}^{(4)} \right) P_{5}(\cos \vartheta_{A}) + \frac{18}{55} \, \frac{R_{4}^{4}}{v_{A}^{4}} \left[ \left( Q_{2}^{(4)} \right)^{2} + \frac{5}{41} \left( Q_{5}^{(4)} \right)^{2} \right] P_{4}(\cos \vartheta_{A}) \\ & + \frac{40}{11} \, \frac{R_{4}^{5}}{v_{A}^{5}} \, Q_{2}^{(4)} \, Q_{3}^{(4)} \, P_{5}(\cos \vartheta_{A}) + \frac{12000}{15 \cdot 251} \, \frac{R_{4}^{6}}{v_{A}^{6}} \left( Q_{3}^{(4)} \right)^{2} P_{6}(\cos \vartheta_{A}), \end{split}$$

$$r_{A} = \sqrt{\frac{\alpha^{2} (v_{o}^{2} + v_{o}^{2} - 2\alpha \pi_{e} \tau_{o}^{2})}{(\alpha^{2} \phi_{o})^{2}}}$$
  $cos \theta_{A} = \frac{\alpha v_{o} - \pi_{e}}{v_{A}}$ 

где  $v_A = \sqrt{\alpha^2 v_0^2 + v_2^2 - 2\alpha \pi_2 v_0}$  соб $v_A = \frac{\alpha v_0 - \pi_2}{v_A}$  Найдем  $\left(\frac{\partial^2 \phi_1}{\partial x_2^2}\right)_{\bar{v}_2 = 0}$  и  $\left(\frac{\partial^3 \phi_1}{\partial x_2^2}\right)_{v_2 = 0}$  При этом можно воспользоваться простым тождеством, которое легко доказать при помощи рекуррентных формул для  $P_n(\mu)$ ,

$$\frac{\partial}{\partial z_2} \left( \frac{P_n (\cos \vartheta_A)}{r_A^{n+1}} \right) = \frac{n+1}{r_A^{n+2}} P_n (\cos \vartheta_A)$$

$$\frac{\partial^{2} \phi_{4}}{\partial \chi_{2}} = \frac{2 \chi_{4} e}{\tau_{A}^{3}} \left[ \frac{2}{3} p_{2} + \frac{12}{5} \frac{p_{4} p_{4}^{2}}{\tau_{n}^{2}} \left( \alpha_{2} + \frac{4}{7} \alpha_{2}^{2} + \frac{8}{21} \alpha_{5}^{2} \right) + \frac{12}{5} \frac{p_{4} p_{4}^{2}}{\tau_{n}^{2}} \left( \alpha_{2} + \frac{4}{7} \alpha_{2}^{2} + \frac{8}{21} \alpha_{5}^{2} \right) \right]$$

$$+\frac{20}{7}\frac{{R_{1}}^{3}}{{7_{A}}^{3}}P_{5}\left( {{\alpha }_{5}}+\frac{4}{3}{{\alpha }_{2}}{{\alpha }_{3}} \right)+\frac{36}{7}\frac{{R_{1}}^{4}}{{7_{A}}^{4}}P_{6}\left( {{\alpha }_{2}}^{2}+\frac{5}{11}{{\alpha }_{5}}^{2} \right)+$$

$$+\frac{140}{11} \frac{\Omega_{4}^{5}}{\nabla_{A}^{5}} \Omega_{7} \beta_{2} \beta_{5} + \frac{3200}{15.33} \frac{\Omega_{4}^{6}}{\nabla_{A}^{6}} \Omega_{8} \beta_{5}^{2}$$
(B)

Подставим ( B ) в ( A ) и найдем  $U_2$  .  $U_4$  получаем из Uперестановкой индексов I и 2. Полная энергия взаимодействия двух ядер  $U_{63} = U_1 + U_2$  оказывается равной (2).

## Литература

- І. Носов В.Г. Доклад на Меневской конференции 1955 г. по мирному использованию атомной энергии
- 2. Businero U., Gallone S., Nuovo cimento, 1955, 1,629,1277.
- з. Гейликман Б. Доклад на Женевской конференции 1955 г.
- 4. Frankel S., Metropolis N., Phys. Rev., 1947, 72, 914.
- 5. Hill D., Wheeler I., Phys. Rev., 1953, 89,1102.
- 6. Fong P., Phys. Rev., 1953, 89, 332.
- 7. Fong P., Phys.Rev., 1956, 102, 434.

- 8. Гейликман Б. Теория деления ядер. В сб. Физика деления атомных ядер. Москва, 1957
- 9. Newton T., Simposium Phys.of Lission Chalk River, 1956,307.
- 10. Perring S., Sory I., Phys. Rev., 1955, 98, 1525.
- 11. Kumar K., Preston M., Canad. J. Phys., 1955, 33, 298.
- 12. Bohr N., Wheeler I., Phys. Rev., 1939, 56, 426.
- 13. Swiatecki W., Phys.Rev., 1955, 100, 936.
- 14. Fairhall Phys. Rev., 1956, 102, 1335.
- 15. Тарантин Н.И. и др. ЖЭТФ, 1958, 34, 316

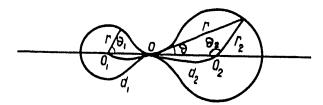


Рис.1. Япро в точке разрыва дейка

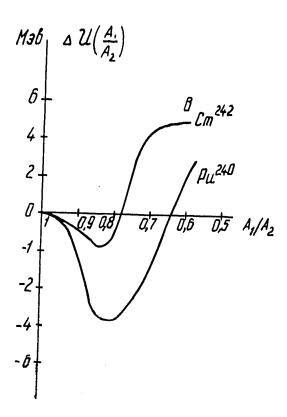


Рис.2. Энергия  $\Delta U$  как функция  $\frac{A_1}{A_2}$ 

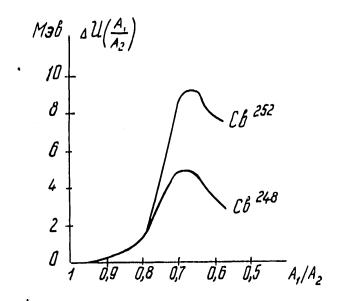


Рис.3. Бнергия  $\Delta U$  как функция  $\frac{\Lambda_1}{\Lambda_2}$ 

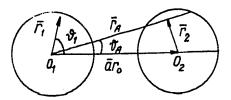


Рис.4. Два деформирсванных ядра